

## (27) 雨量と流量と(Ⅲ)

(宝川の流出機構について)\*

菅 原 正 己

丸 山 文 行

### § 1. 前 か き

河川の流出量と流域の雨量とを関係付けることは魅力的な問題である。

我々は、宝川本流(集水面積 1905.66 ha)について、

22 IX 14 (カスリン), 23 IX 15 (アイオン),

24 VIII 31 (キティ), 17 VII 15 ,

20 X 4 , 20 X 8

の台風による洪水をとりあげ、いろいろと分析を行つた結果、時間雨量から、時間流出量を推定するひとつの方法を確立することができた。

Howard, L. Cook の総合報告, *The Infiltration approach to the calculation of surface runoff.* (Trans. Amer. Geophys. Union, 1946; ヴェル-743)によれば、流出量の推定には、地表の滲透能の状態が重要な役割を演ずる。

\* ) これは、昭和27年1月に、統計数理研究所の講議会、及び  
資源調査会水部会小委員会で発表したものである。

宝川で用いた方法は、滲透能を地下水に依存させ、中間流出1段、地表流出3段の機構を考えたもので、適当な出発條件のもとに、上記の大洪水を、統一して把握することができた。

ここでとりあげられた機構が、他の河川で、また、小雨量の際に、どこまで保存できるかは、われわれのもつとも興味をひく課題である。

以下、

§2. では、宝川作業が始まるまでの沿革を述べ、

§3. で、確立された機構を説明した。

§4. では、2から3までの発展進化の模様を記録して置いた。

§5. は、後書きである。

## § 2.

この節では、宝川の資料がなぜ興味をひいたか、その筋道を示そう。

我々は、雨量と流量との関係を総合するために、一連の作業を行ってきた。宝川作業を行うまでの経過は、

### 雨量と流量と（II）

「利根川の洪水流量を流域諸地点の雨量から推定することについて」 菅原・丸山

統計数量研究所講究録

に発表した。まず、この内容のあらましを再記しよう。

我々のとりあげた流出機構は次のようであつた。

ある時間に $P$ の雨量が降れば、それは指數函数的に流出する。

即ち1時間毎に

$$(1-r)P, (1-r)rP, (1-r)r^2P, \dots$$

の量の流出がある。

そこで時間雨量の列

$$\dots, P_{-3}, P_{-2}, P_{-1}, P_0, P_1, P_2, \dots, P_n, \dots$$

があるとき、時刻  $n$  に於ける流出量  $D_n$  は、過去の各時間の雨量の影響の総和として

$$D_n = (1-r)(P_n + P_{n-1}r + P_{n-2}r^2 + \dots + P_{n-i}r^i + \dots)$$

となる。

この場合流出機構を支配する因子は  $r$  だけである。この  $r$  をいろいろ変え、16年 VII 月洪水について、万場の雨量から神流川若泉の流量を推定し、実際の流量と比較したのが第1図である。

この試算の結果  $r = 0.70 \sim 0.80$  ぐらいで、非常に山の形が似てくることに気がついたのである。これに力を得て、他の支流について、また、他の年の洪水について、計算を行つて見た。

流量の観測は警戒水位を越えてから始まるので、増水初期の模様は不明であつたが、一応、この方法で、八斗島の洪水流量の規模を推定することができたのである。

宝川の資料が手に入つた時は、我々の知識がこんな状態であつたので、まず神流川方式を当てはめて見たのは当然であつた。

その結果、 $r = 0.5$  とすると適当であることがわかつた。

$P$  として雨量の  $\frac{1}{2}$  を用いると、ピークの絶対量もだいたい合ふ。

(第2図)

しかし、注意して見れば、神流川方式では説明のつかない次の諸欠点が目立つてくる。

(i) 増水穴はやすぎる。

(ii) 減水穴はやすぎる

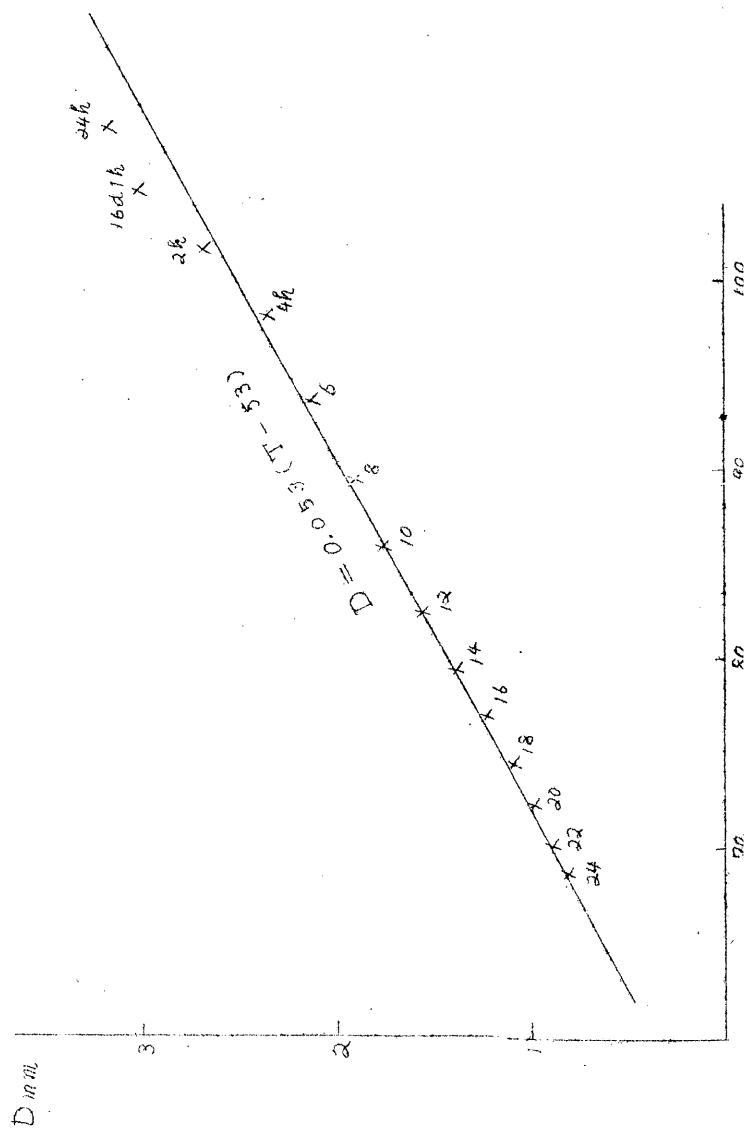
(iii) カスリンの2回目の山が伸びない。

この欠点を改善するには、降り始めの水を後期に持つてくる操作を機構に入れねばよいたまう。

一方、 $T_i = \sum P_i - \sum D_i$  の表を作り、(雨の出納録で  $P$

は收入、Dは支出、Tは差引残高) TとDの関係を見たところ、  
前が降りやんてからは、一直線をなして減水することがわかつた。  
(第3図)

第 3 図



これは、流出が指數函数で表せることを裏書きする。この直線の傾斜が  $(1-r)$  を示すのである。

カスリンの直線は  $D = 0.057(T - 50)$  と表せるので、  
 $r = 0.947$  となる。

そこで、降った雨を地上流出と地下に滲透するものと半々に分けた、即ち

$P = \alpha P + \beta P$ ,  $\alpha(\text{地上}) = \beta(\text{地下}) = \frac{1}{2}$   
と分割し、 $\alpha P$  は  $r = 0.5$  で流り、 $\beta P$  は  $r = 0.947$  で流すこととしたのである。(第4図)

これで減水工合はやや改善されたが、(i), (iii) の欠点はいぜんとして残つている。この欠点は、 $\beta$  が終始一定であるためではなかろうか。常識からいつて、 $T$  が増えれば  $\beta$  は小さくなるはずである。

$\beta P$  に関する高さを  $T_2$  とし、 $\beta = \beta(T_2)$  の曲線を適当にきめることによつて、この要求は満足されるであろう。

このような方針で、カスリンを土台にして、8回の試行錯誤の後に得られた曲線と、それによる推定流量を第5図に示した。

アイオンは、降雨開始時の土壤状態がカスリンと似ているをめか、ます安當を近似といえるが、キティは土地が乾燥しているためと、降雨に中间休止があるため、前二者ほどはうまく合っていない。

この欠点はどうしたら除かれらるか。

宝川の観測は信頼に値するから、流出機構に改善の余地があるのではないか。

これからが本格的の計算になったので、次章でまず、現在得られている機構について説明し、次で再び、途中の経過を述べることにしたい。

§ 3. 流出機構を考える場合、滲透能をどう量的に表はすかは苦心を要するところである。

特に、降雨初期の滲透能の変化、中間休止期の滲透能の恢復状況を機構にとり入れるのは難しい。

現在我々が宝川でとっている方式は次のようなものである。

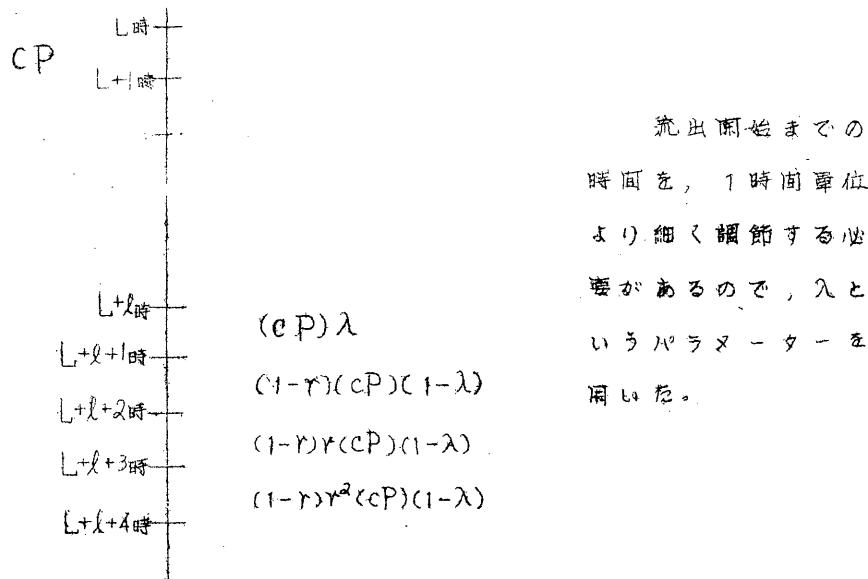
A. 降雨  $P$  を地下滲透  $\gamma P = P_3$ 、中間流出  $\beta P = P_2$ 、地表流出  $\alpha P = P_1$  に分ける。

この振り分け後は各層独立な機構で流出させる。

以下、 $\gamma$  層、 $\beta$  層、 $\alpha$  層 という言葉を使うことにする。

B. どの層に於ても、流出機構の基本的構造は次のとおりである。(第 6 図)

收入 支出



第 6 図

$L$  時から  $L+1$  時までに、この層に分配された雨量は、 $L+\lambda$  時から、上記のように流出させる。

従って、ある時間の流出量は、それまでの時間雨量列によ

る全部の影響が加算されたものである。

C.  $\gamma P = P_3$  の行方。

この水は結局地下水に入るとする。

降雨開始時(計算出発時)の地下水水量  $T_{3,0}$  は  $400 D_0 \text{ mm}$  とする。

$D_0$  は原資料で基底流量といつていしたもので、出発時の流量である。

以後の流出は

$$\ell = 10, \lambda = 0, r = 0.9975$$

とする。

$r, P_3$  の値は

$$r = 1 - \alpha - \beta$$

$$P_3 = P - P_1 - P_2$$

として求めめる。

D.  $\beta P = P_2$  の行方。

この水は

$$\ell = 0, \lambda = 0, r = 0.93$$

で流出させる。

$$\beta = \frac{1}{200} \{ 5 \text{ 時間前の } T_3 \}$$

とする。

E.  $\alpha P = P_1$  の行方

$$\alpha = \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3$$

と 3 層を分割する。

$\alpha_1$  期。  $T_3$  が  $T_{3,0} + 15 \text{ mm}$  になるまでは

$$\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 0$$

とする。

$\alpha_1$  期。  $T_3 = T_{3,0} + 15 \text{ mm}$  になった時から

$\alpha_1$  層が活躍を始める。

$$d_1 = 0.35, \ell = 0, \lambda = 0.1, r = 0.80$$

$$d_2 = d_3 = 0$$

この  $d_1$  期になつてから降雨  $\Sigma P$  が  $35 \text{ mm}$  に達すると、次の  $d_2$  期になる。

$d_2$  期。  $d_1 = 0$  となり、 $d_2$  層が活躍を始める。

このとき、今迄の  $d_1 P$  による既得雨量は、そのままで前の方式で流される。

$$d_2 = 0.35, \ell = 0, \lambda = 0.2, r = 0.50$$

$$d_1 = d_3 = 0$$

この  $d_2$  期になつてからの降雨  $\Sigma P$  が  $55 \text{ mm}$  に達すると、次の  $d_3$  期になる。

$d_3$  期。  $d_1 = d_2 = 0$  となる。

$$d_3 = 0.30, \ell = 0, \lambda = 0.3, r = 0.10$$

この層に於ける流出が、もつとも烈しい洪水を起す。

F.  $d_3$  層が活躍中に、 $\alpha$  層の流出が  $0.1 \text{ mm}$  以下になつたら、その時から  $d_1$  期の模様に帰る。

さらに  $\alpha$  層の流出が  $0.1 \text{ mm}$  以下になつたら、 $\alpha$  期の出発状態に帰る。

G. 中間休止期の恢復の仕方は、F 頃に説明した方式による。

以上の機構で計算された結果を第7図に示した。

なお、断定的にはいえないが、 $\beta$  層の流出が  $0.1 \text{ mm}$  以下になつたら、すべての計算は出発状態に戻つてよいと思われる。

§ 4. この節では、前節の機構が得られるまでにとりあげられた。実験例を列記して置いた。

第 1 期。この時期は II の最後に述べた機構で、 $\beta = \beta(T_s)$  の曲線を決定する作業が行われた。

第2期.  $\beta = \beta(T_2)$  の方式では、キティのように中间休止期がある場合、渗透能の恢復が遅すぎるようである。

$$T_1 = \sum P_i - \sum D_i$$

もし、 $\beta = \beta(T_1)$  としたら、この欠点が補えるのではないか。

14回の試行錯誤の後に、カスリンについて、求めた曲線と、推定流量とを第8図に示した。

この方式は、かえって悪い結果を示した。

第3前期. 以上の計算の結果、 $\beta = \beta(T_2)$  のほうが本筋らしく思われたが、そのままでは、キティの渗透能の恢復が表現できない。

そこで、新たに中间層Wを設け、 $\beta_P$ は一旦W層に貯蓄し、そこから一定の割合で地下水に送り込むことにし、 $\beta = \beta(W)$  という方式を採用して見た。

この方法はキティではうまく行くように思われた。

(第9図)

第3後期 前の方法ではアイオンの後半にかなり欠損がでてくる。そこでWの1時間増加量を制限し、それ以上は地上に還元する方法を試みたがうまく行かなかつた。

第4前期 この時期には、W層の機構を複雑にすることはやめ、W層と地下水とに満腹量を設け、それ以後の降雨は地上浮水として早い速度で流出させることを試みた。

パラメーターの数が増えたので；宝川作業のもつとも暗中摸索の時代である。今振り返つて見ても組織的に記述することはできない。

第4後期 この時期も前期と同じ状態である。

ただ、地上波を初めから  $r = 0.95$  と  $r = 0.50$  に分割することを機構にとり入れた。

本質的な進歩はひとつも見られないようと思われた。

第5前期 宝川作業で本質的な進歩が見出された時である。

第3、第4期では、中間層Wから直接流出はさせなかつた。この時になつて、降雨を分割後、どの層からも流出させるようにした。

こうすることにより、分割率が意外に簡単化されることがわかつてきた。

採用した  $r$  は  $0.93$ ,  $0.80$ ,  $0.50$ ,  $0.10$  で最終機構と同様である。ただ、地上波の3層全部を始めから活躍させた。

第5中期 前期の機構に於て、 $r = 0.80$  の層を省き、 $r = 0.50$  の層と  $r = 0.10$  の層の移行を最終機構のように行つた。

この機構で基本的な構造は定まつたといえる。

第5後期  $r = 0.80$  を復活させたもので、最終機構と同様である。

細部修整の時代で、ピーク後の小降雨の取扱い方が検討された。

## § 5. 後がき

初めに引用した H.L. Cook の総合報告によれば、地下滲透能  $\beta$  を時間と共に

$$\beta = \beta_{\min} + (\beta_{\text{start}} - \beta_{\min}) e^{-kt}$$

$$\lambda = \lambda(\beta)$$

の形で変化させることを提案している。

我々の到達した機構はこれと同じ系統であるが、時間経過とは直接推定式に入つてはいない。

地表流出については、H.L. Cook はあまりられていないが、宝川の知識によれば、1本の指數函数では表せないようである。

恐らく、ある川には、その川固有の流出率  $\alpha$  があるのであろう。機構そのものに関しては、次の2点はいぜんとして重要な課題である。

- (i) 出発條件の表現方法。地面のかわき方の推定
- (ii) 降雨の止んだ期間中の滲透能の恢復

もし、全国各河川で、このような機構的考察がなされたならば、水文学理論のみならず、実際の水利用企画上、重要なところを提供できるのでは無いだろう。

この調査計画は、まったく、いろいろな河川で、Caseを一つ一つ当つて見て、帰納的に機構を作り上げて行くより方法がなく、今後に残された問題である。

終りに、宝川試験地の山田昌一氏、武田繁俊氏、はじめ観測者の方々に最大の敬意を表する次第である。

〔附記〕

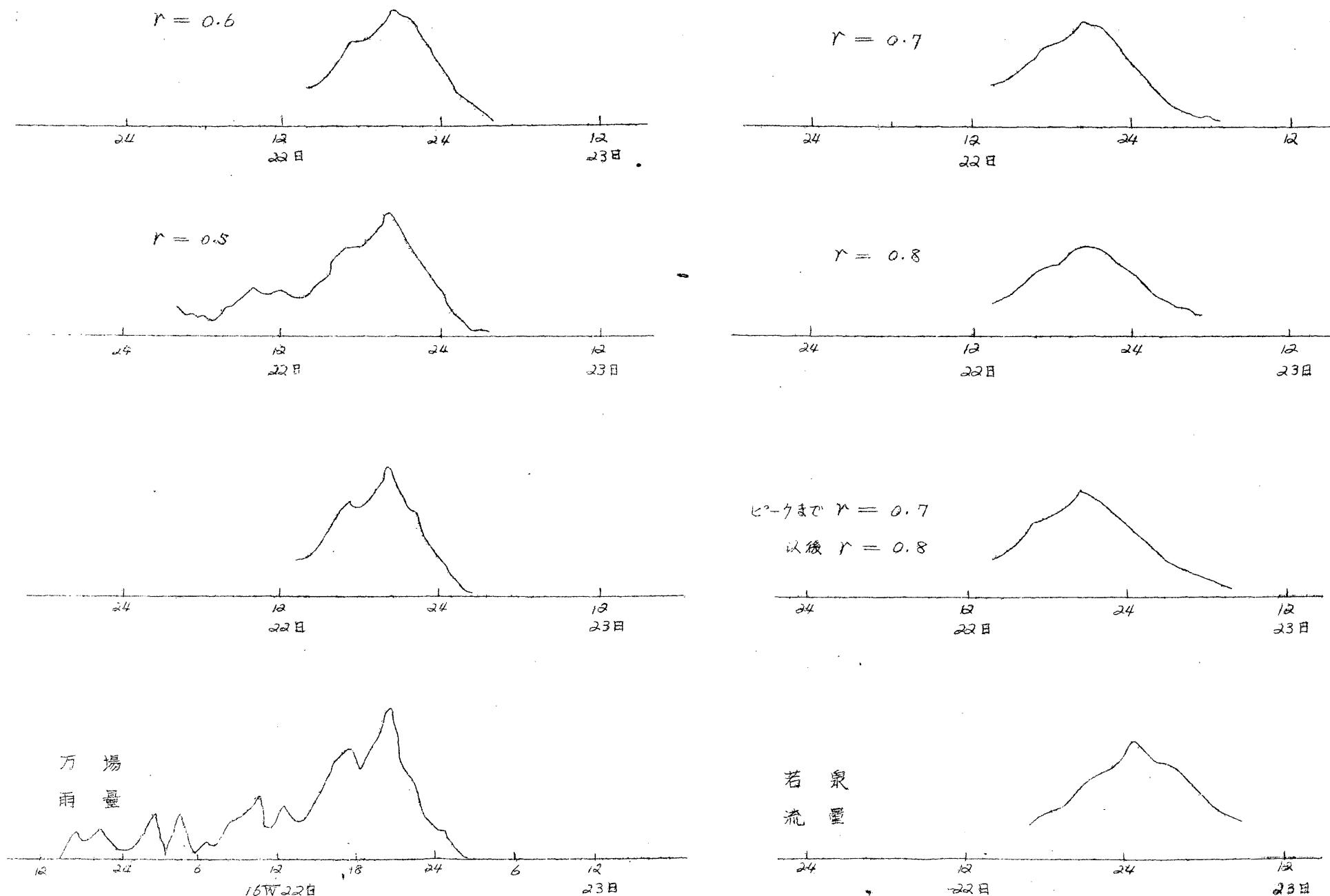
宝川方式で採用した  $\lambda$  の半減期は次のとおりである。

$\lambda$	半減期
0.9975	$280 \frac{\text{時間}}{= 12 \text{日}}$
0.93	9.55
0.80	3.10
0.50	1.00
0.10	$0.30 = 18 \text{分}$

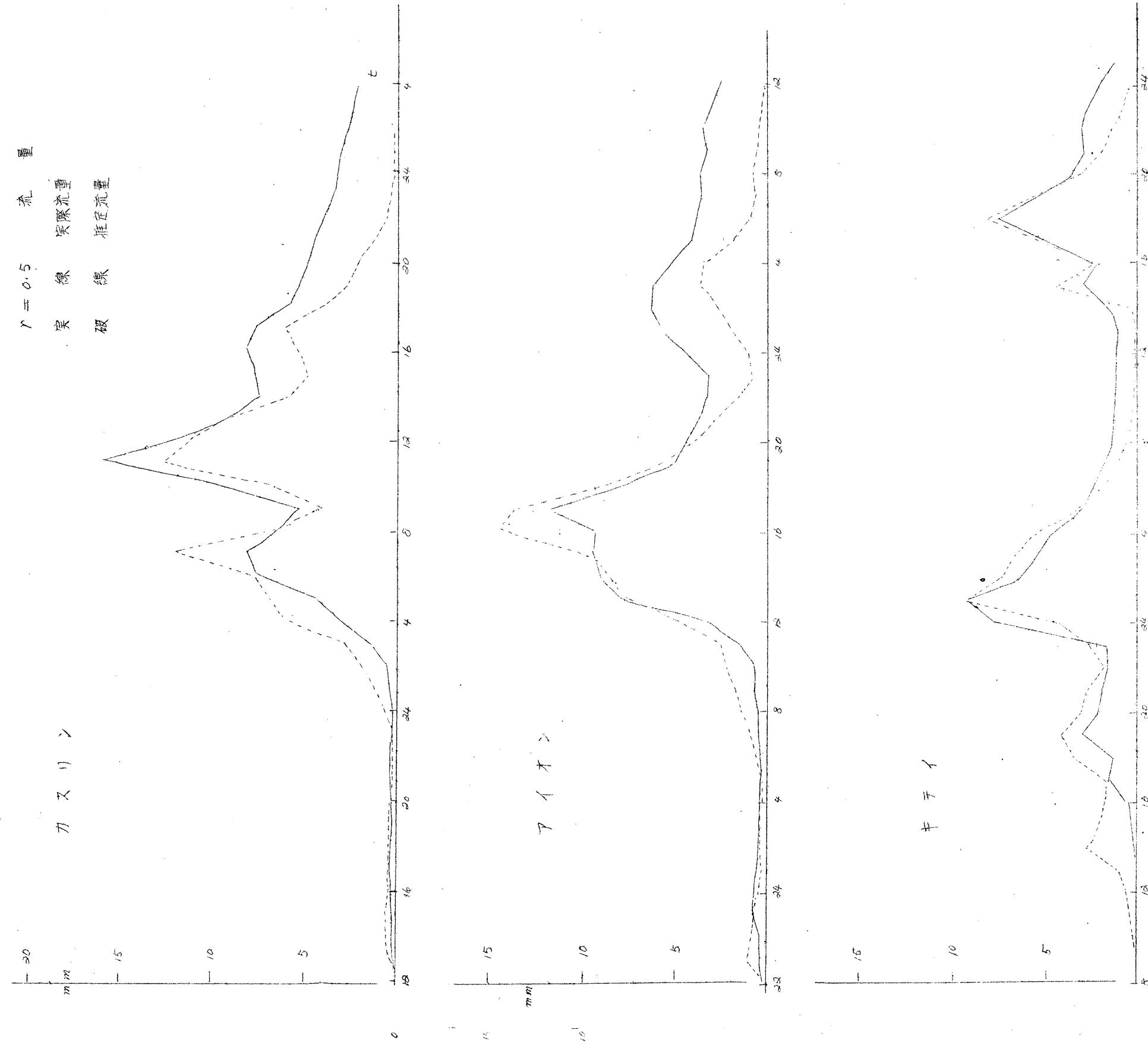
なお、宝川方式によると、昭和13年6月の利根川洪水模様の説明がつく。

ほかの洪水についても検討を行つている。

第一図 万場雨量より若泉流量の推定



第2回——1 神流川方式

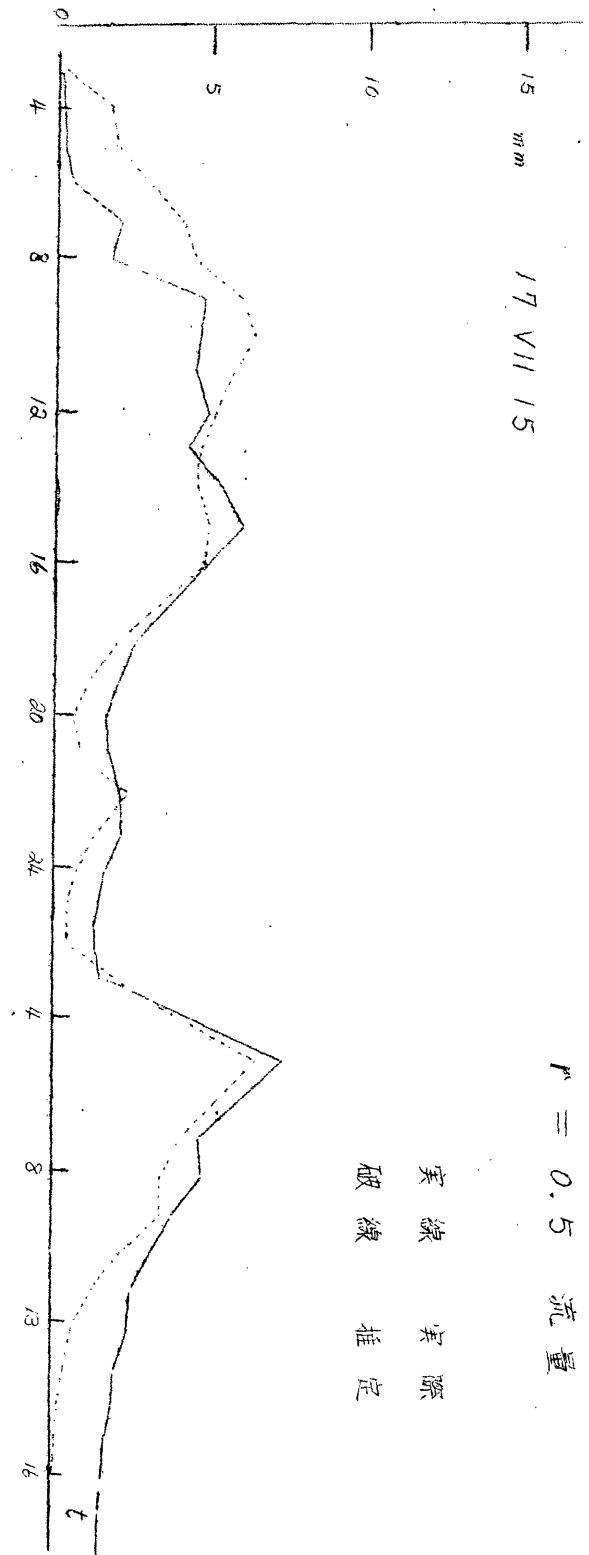


第 2 図 - 2

神流川方式

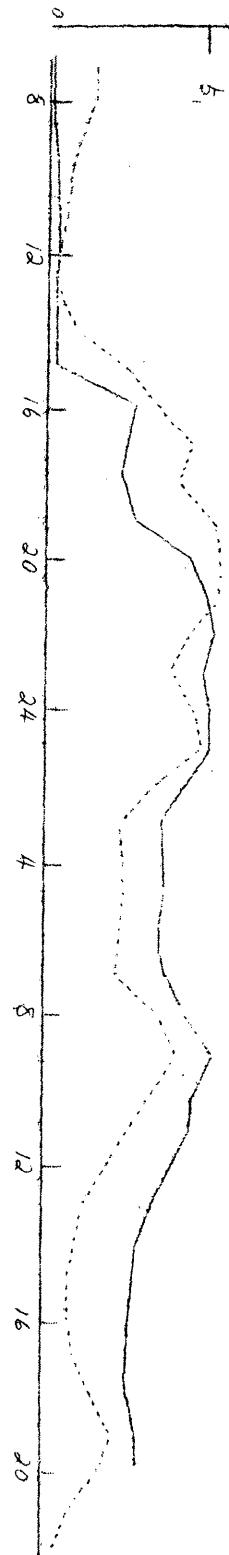
$r = 0.5$  流量

実線 実際  
破線 推定

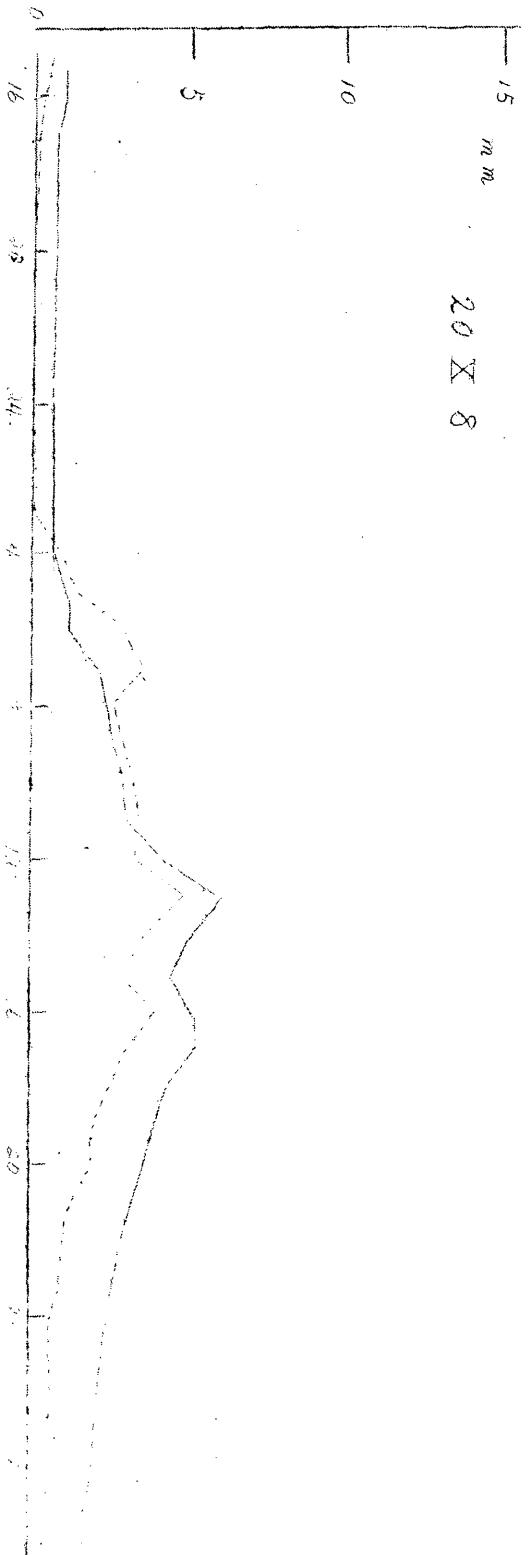


15 mm 17 VII 15  
10  
5  
0

15 mm  
20 X 4



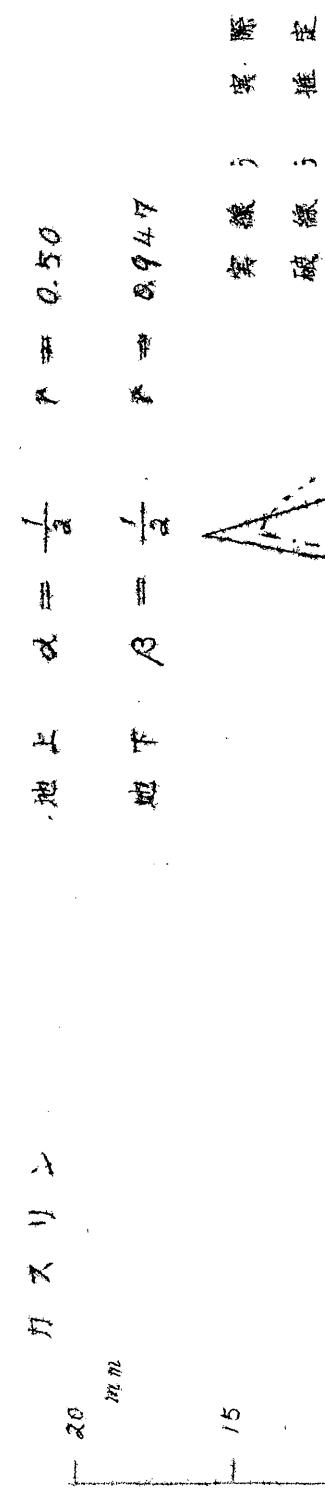
15 mm  
20 X 8



第4圖

地上  $\alpha = \frac{1}{2}$

地下  $\beta = \frac{1}{2}$

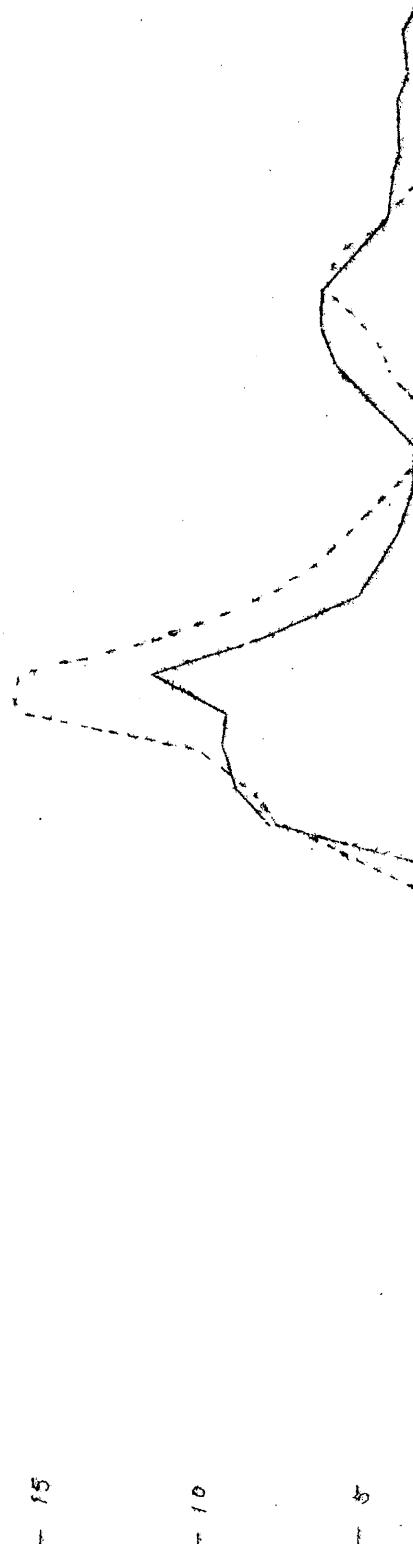


20 mm 丹波

12 16 20 24 10日

5

10

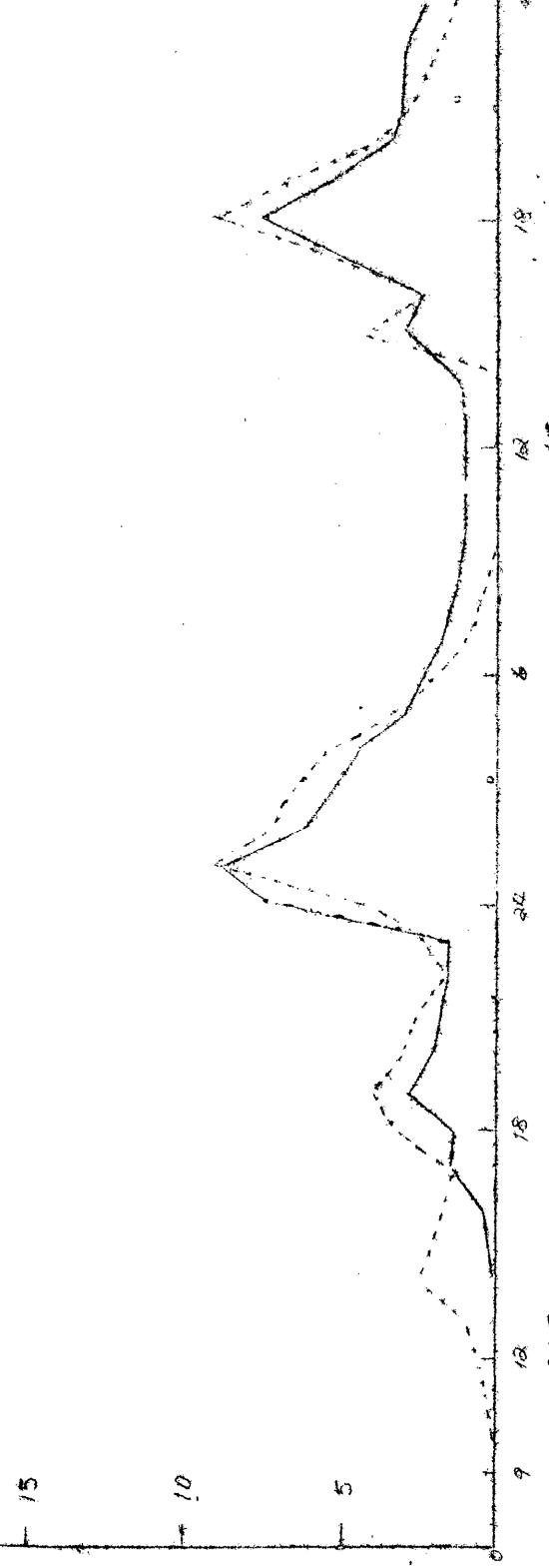


20 mm 丹波

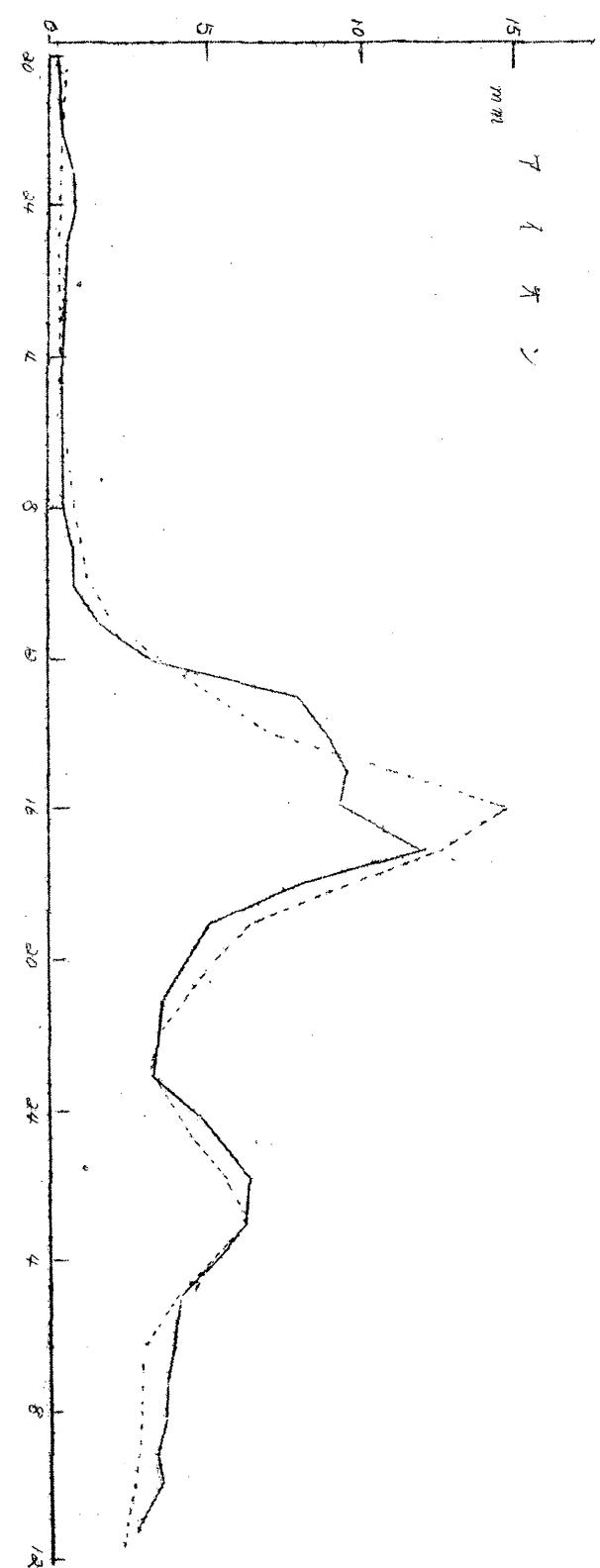
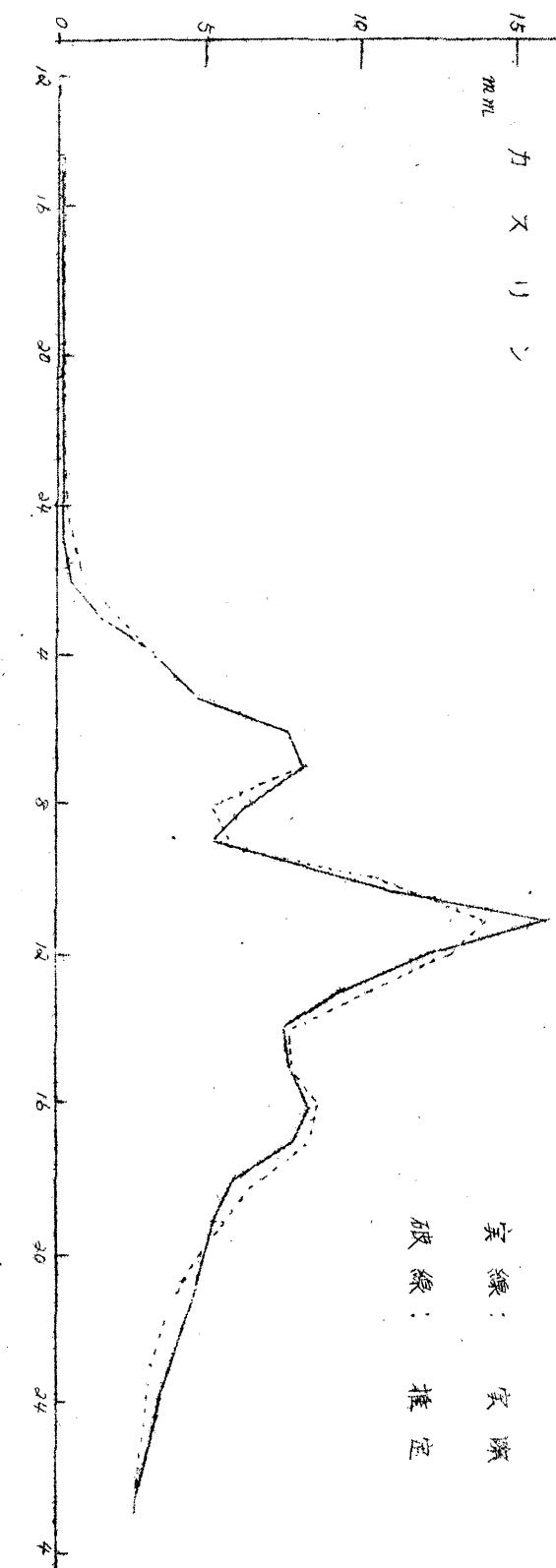
12 16 20 24 10日

5

10

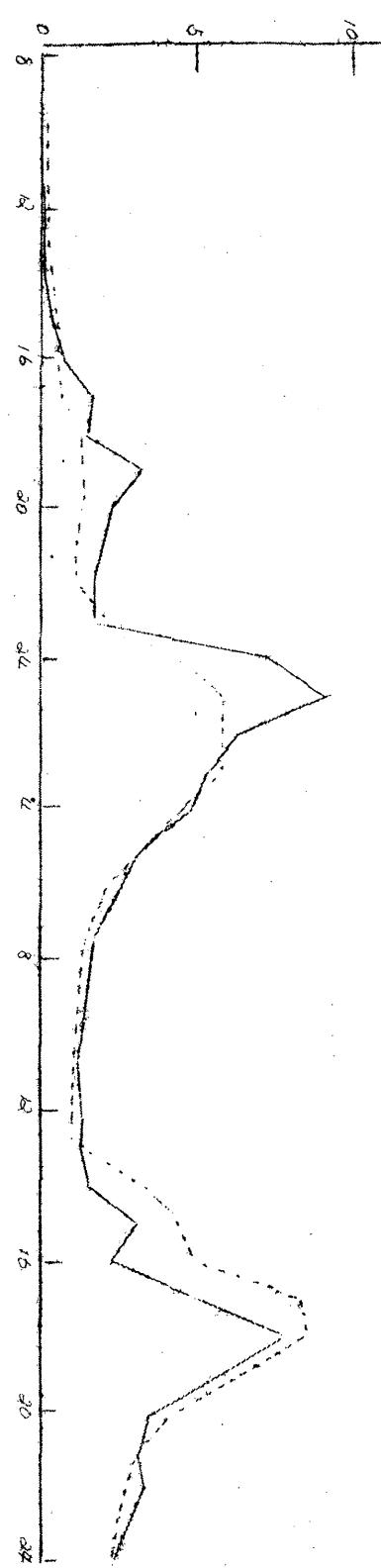
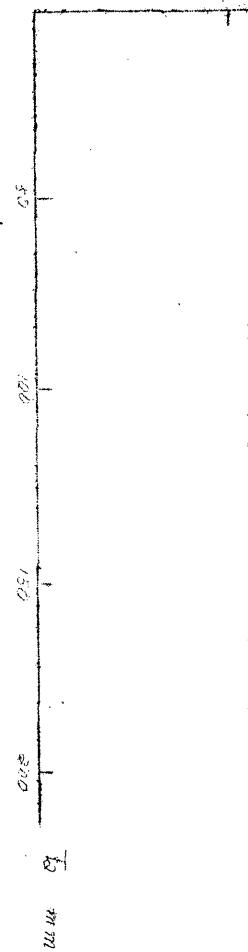


第 5 図

 $\beta = \beta(T_a)$  方式 流量15  
m m  
力 X い シ実線： 実験  
破線： 標定15  
m m  
力 X い シ

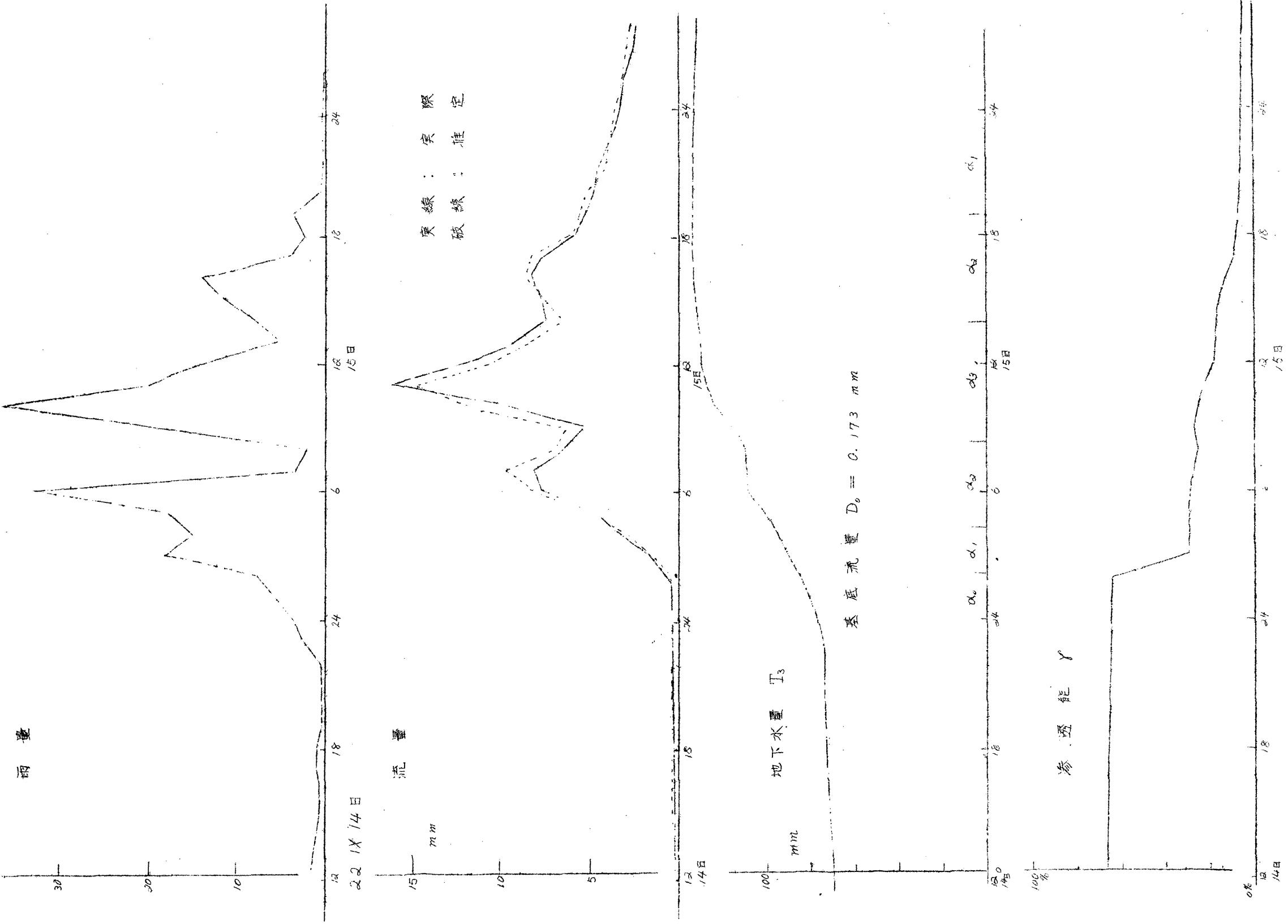
#

4

0.5  
β.

40-

第 7 図 - 1 力 及 し 宝 川 方 式

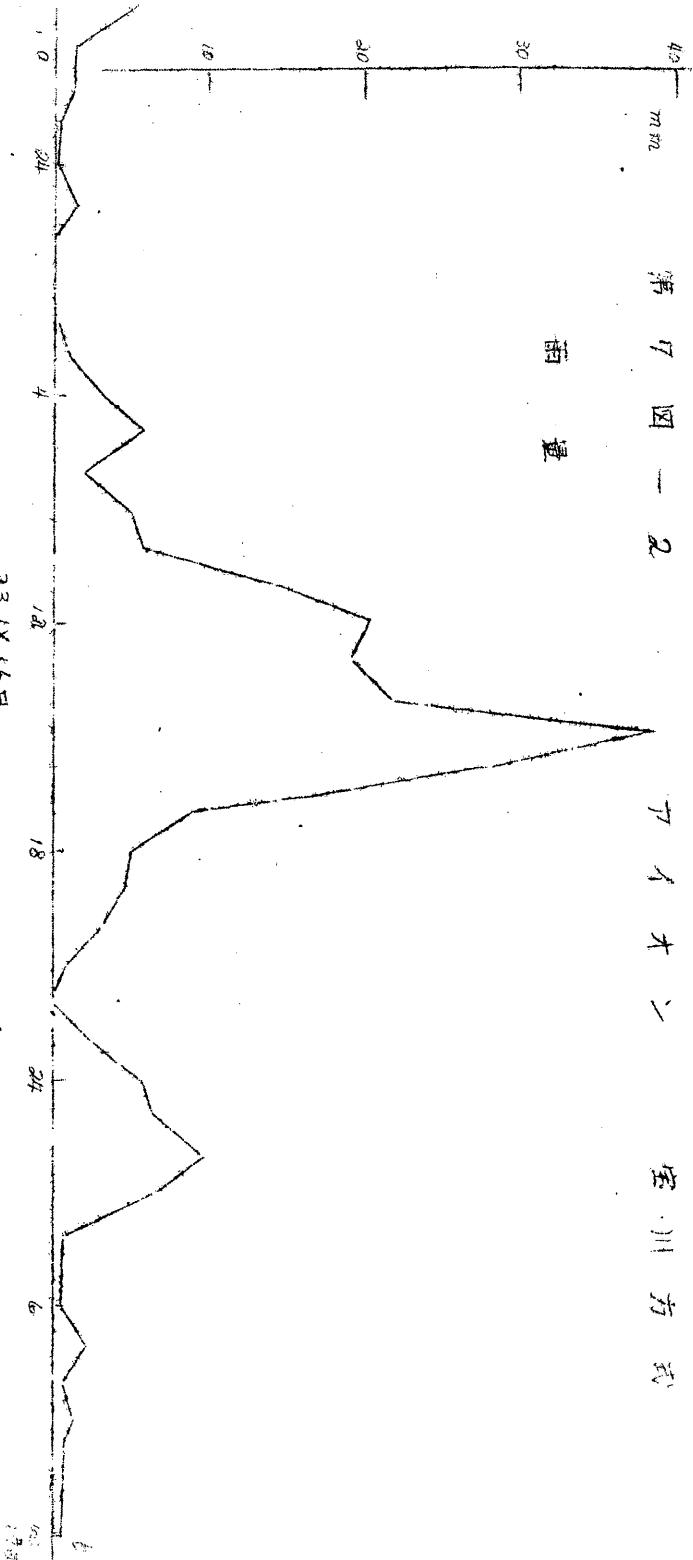


第 17 四 - 2

7 月 17 日

空川方式

雨量

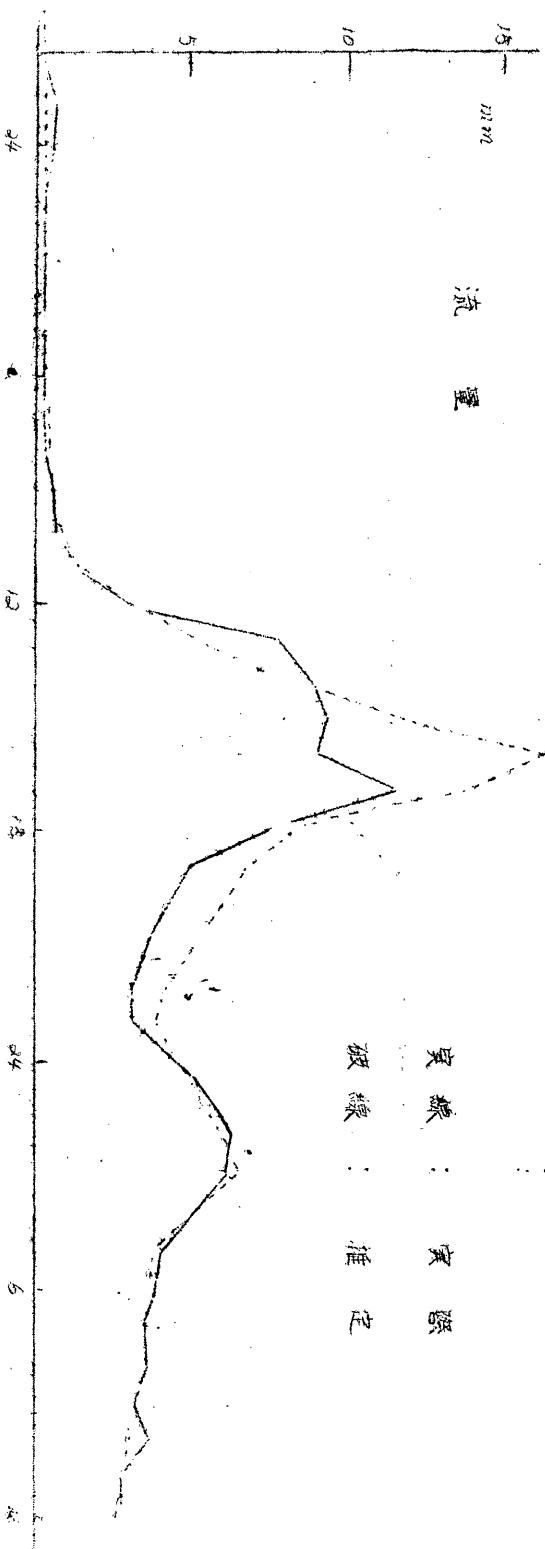


流量

実線： 実測

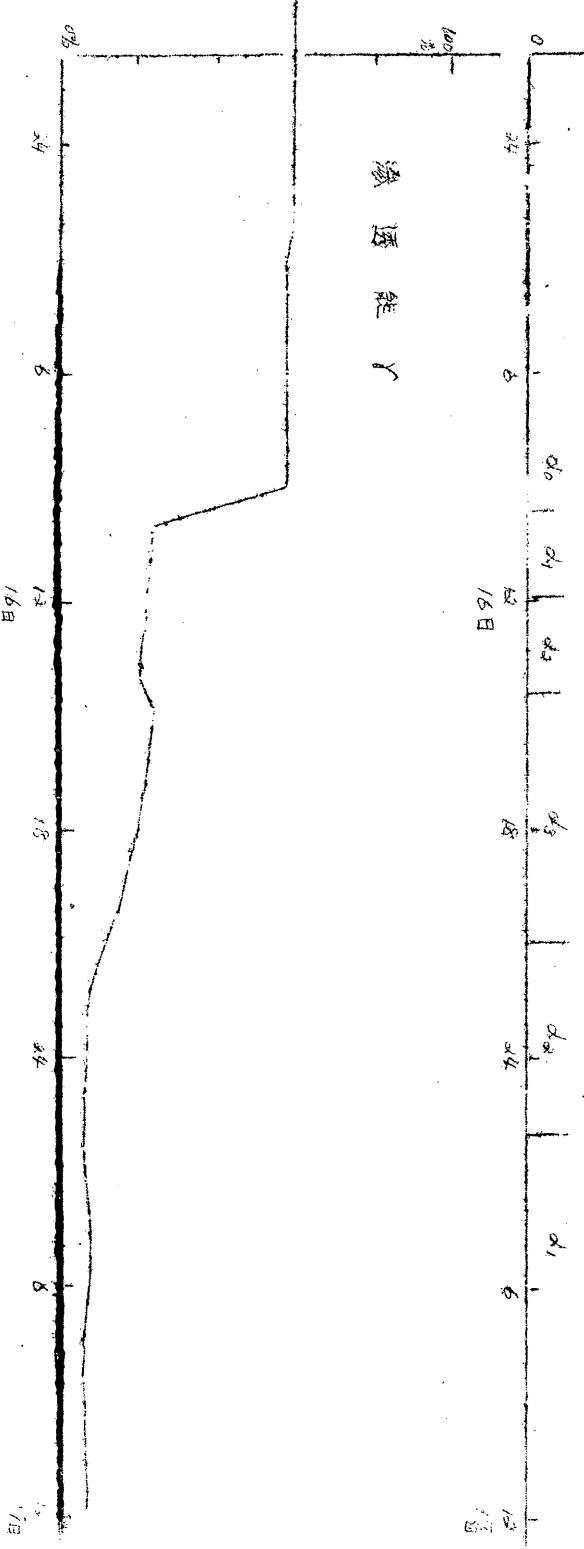
破線： 推定

23/7X16日



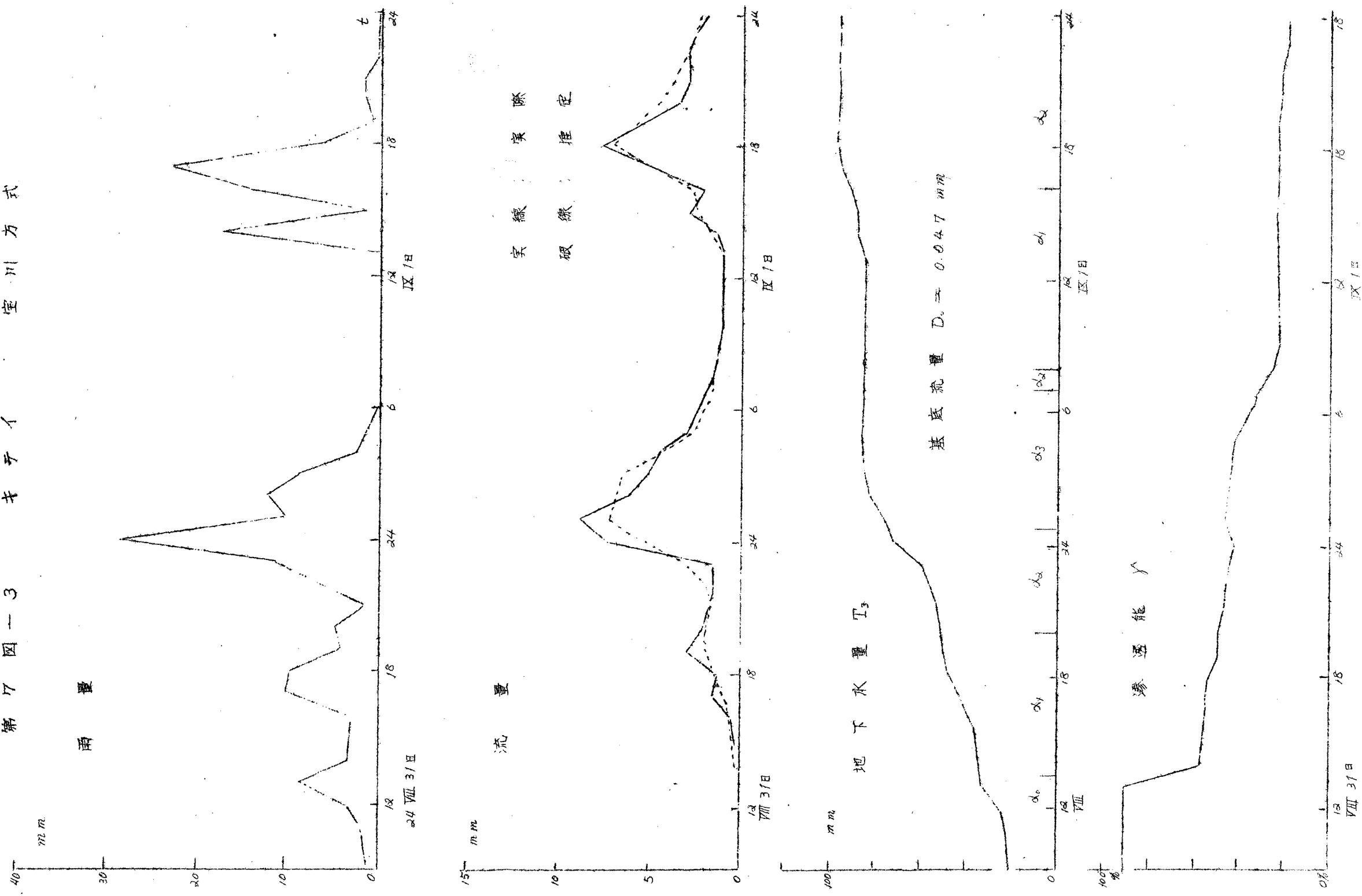
地下水位

$$基底水位 H_0 = 0.202 \text{ m.m}$$



渗透能

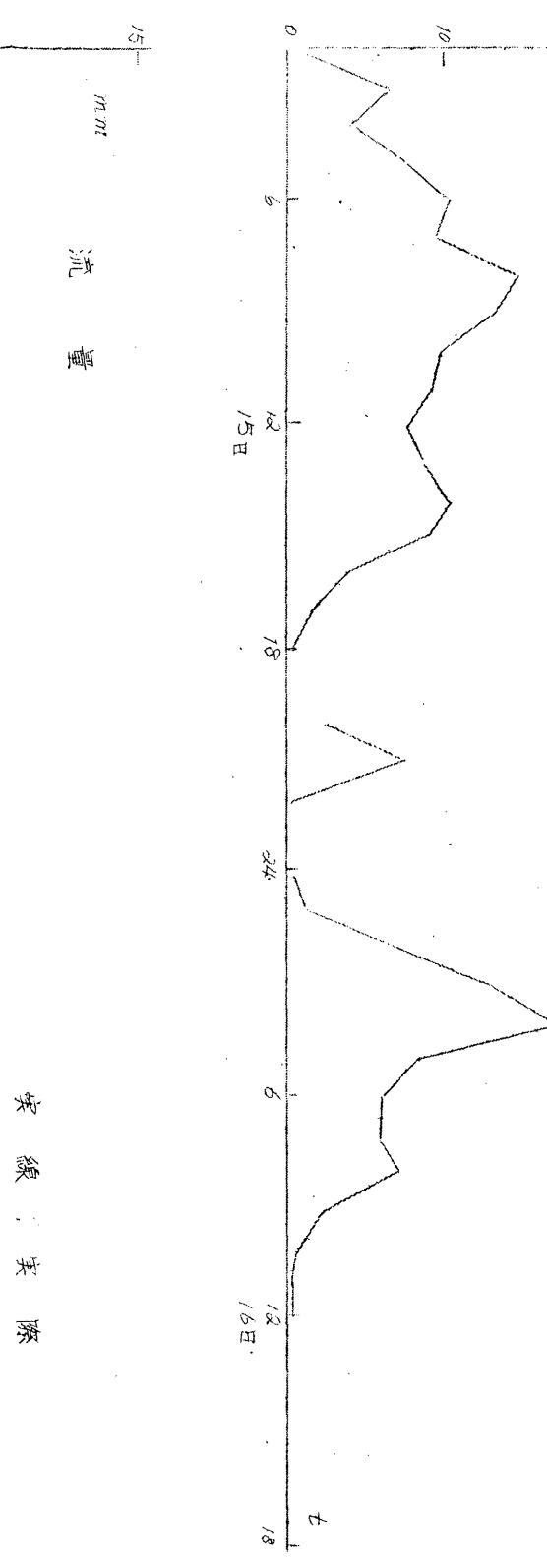
第 17 図 - 3 宝川方式



篇 17 図 - 4 17 VII 15 宝川方式

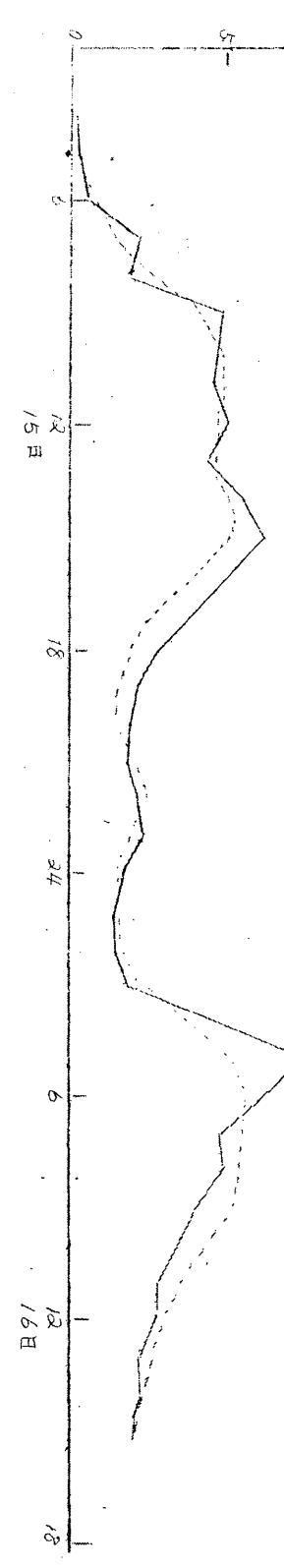


用 量



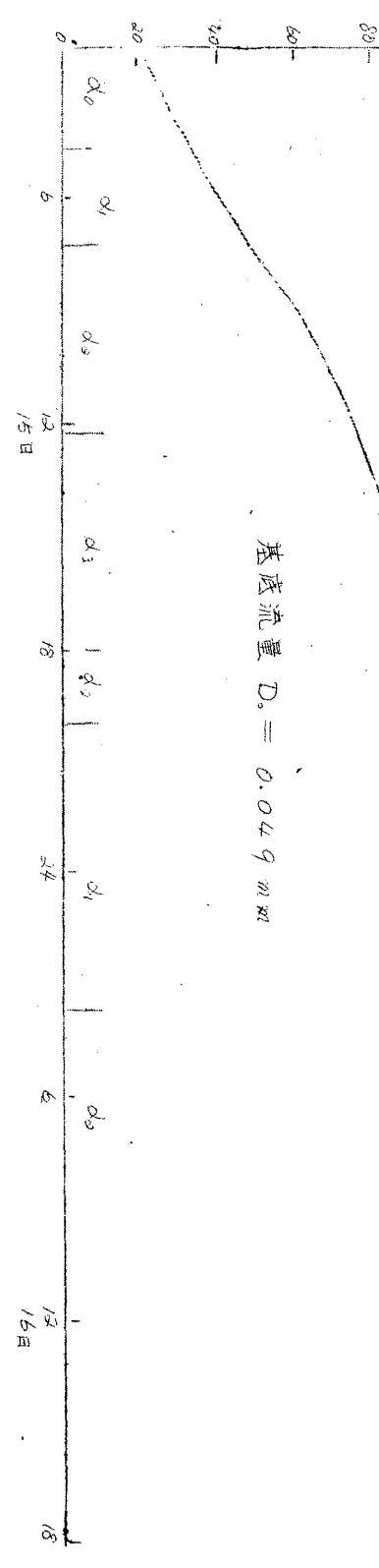
流 量

実 線 : 実 蘭  
破 線 : 推 定

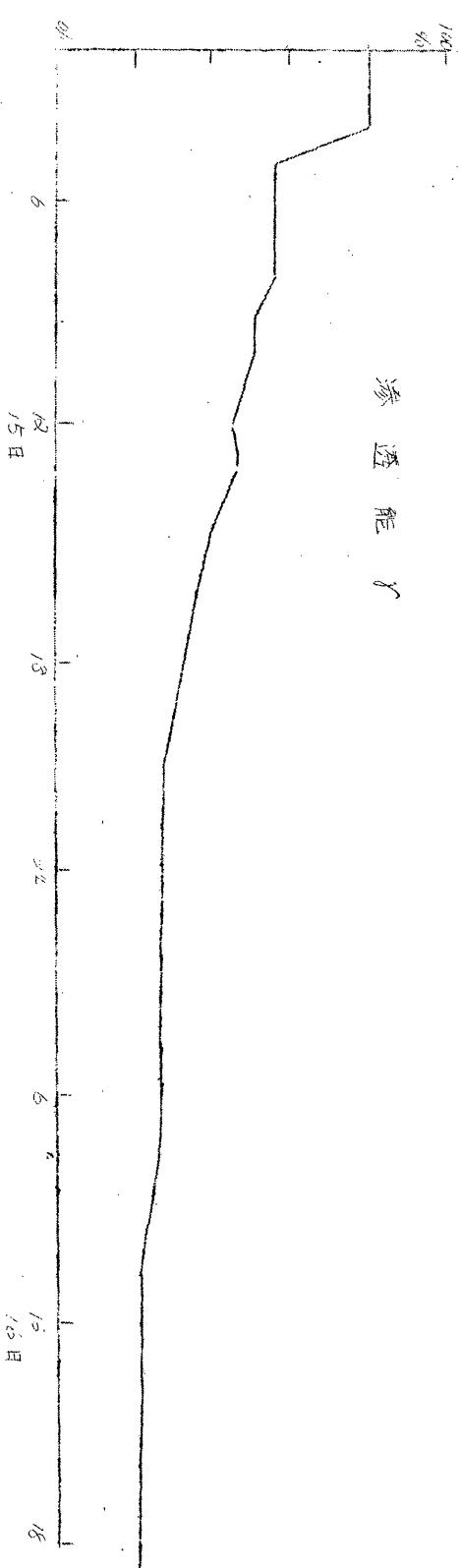


地 下 水 量  $T_3$

$$\text{基底流量 } D_0 = 0.049 \text{ mm}$$



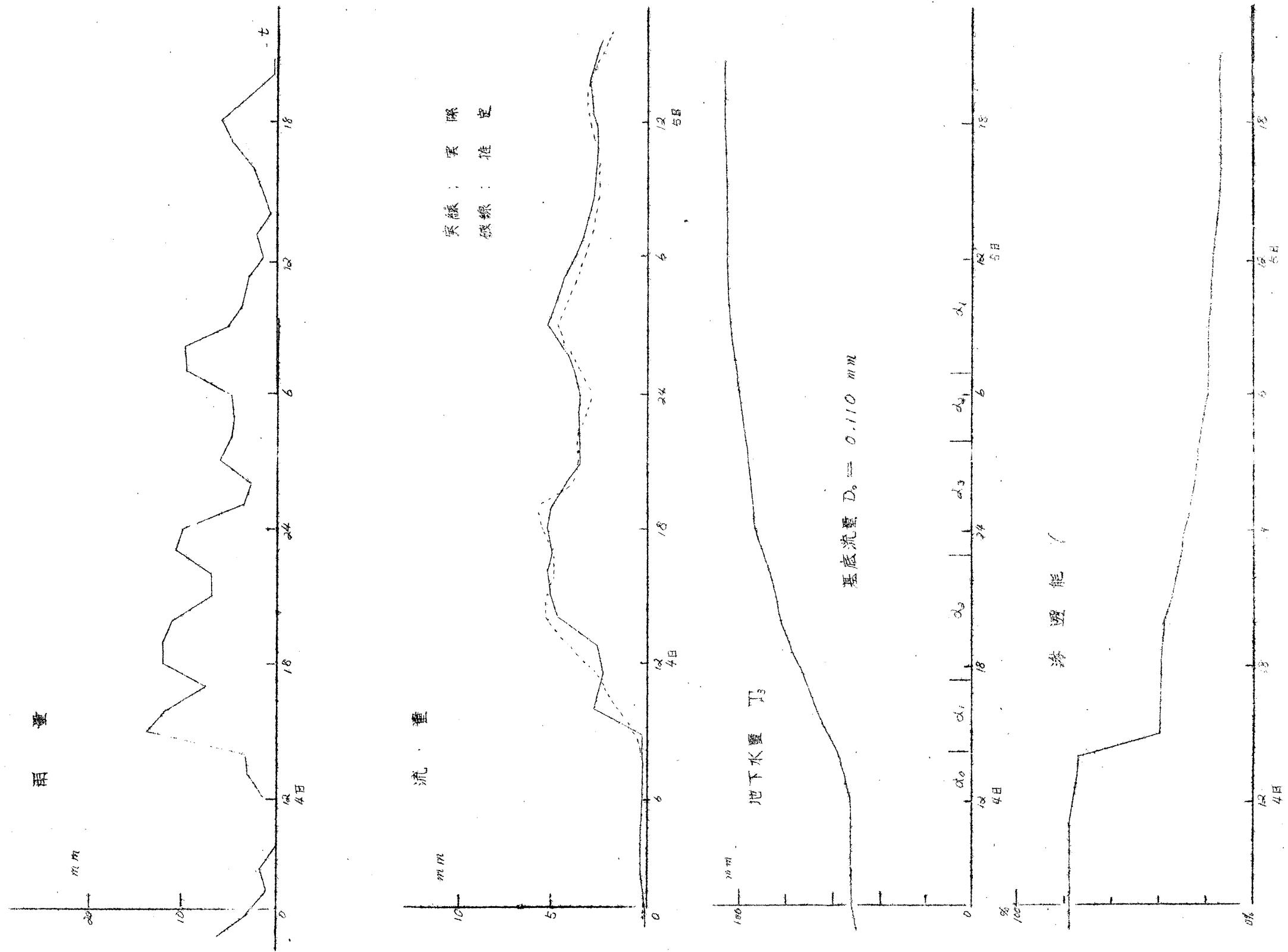
滲 透 率  $\gamma$



滲 透 率  $\gamma$

第 7 図 - 5

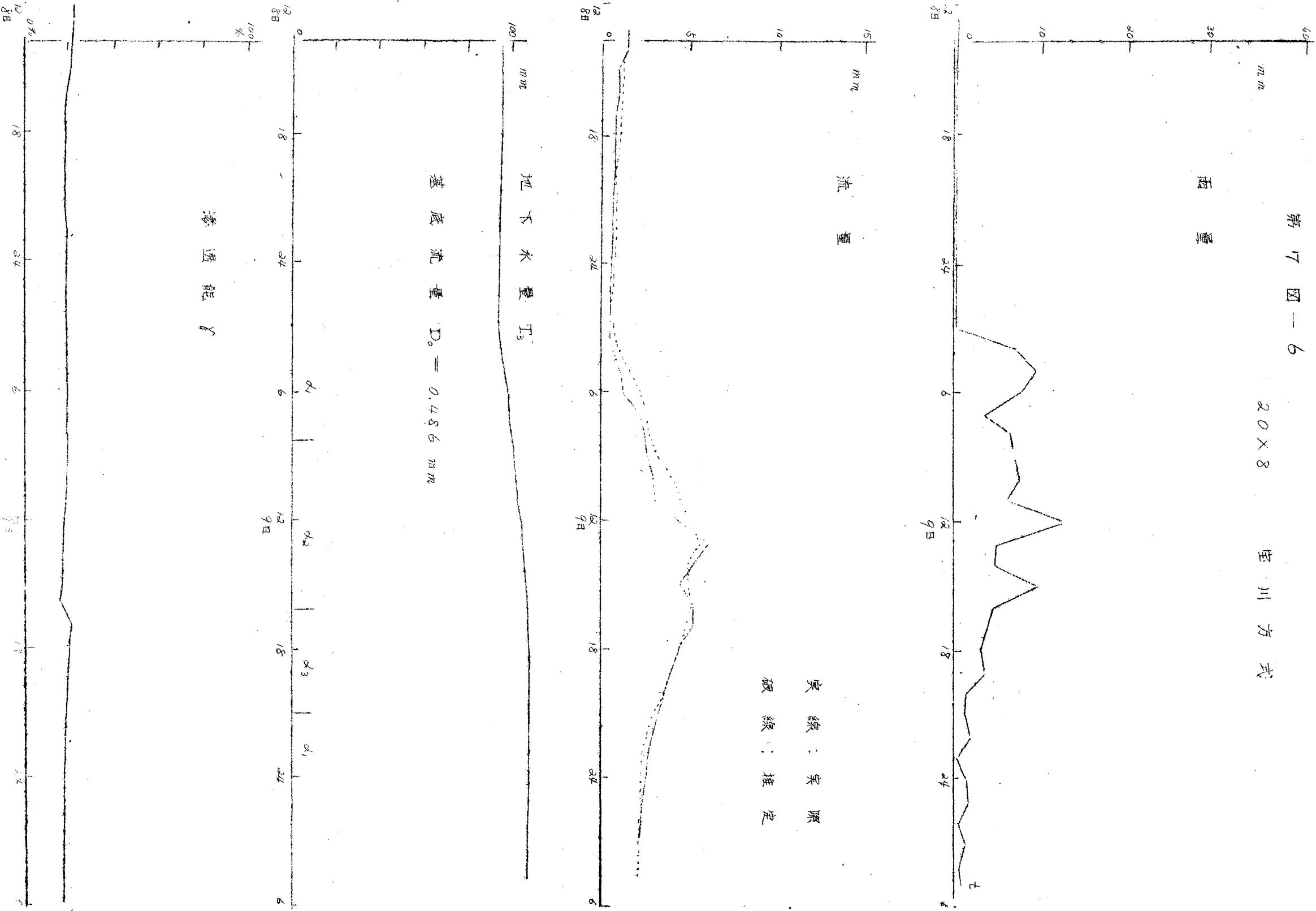
## 20X4 宝川方式



第 17 図 - 6

20×8

宝川方式



第 8 図

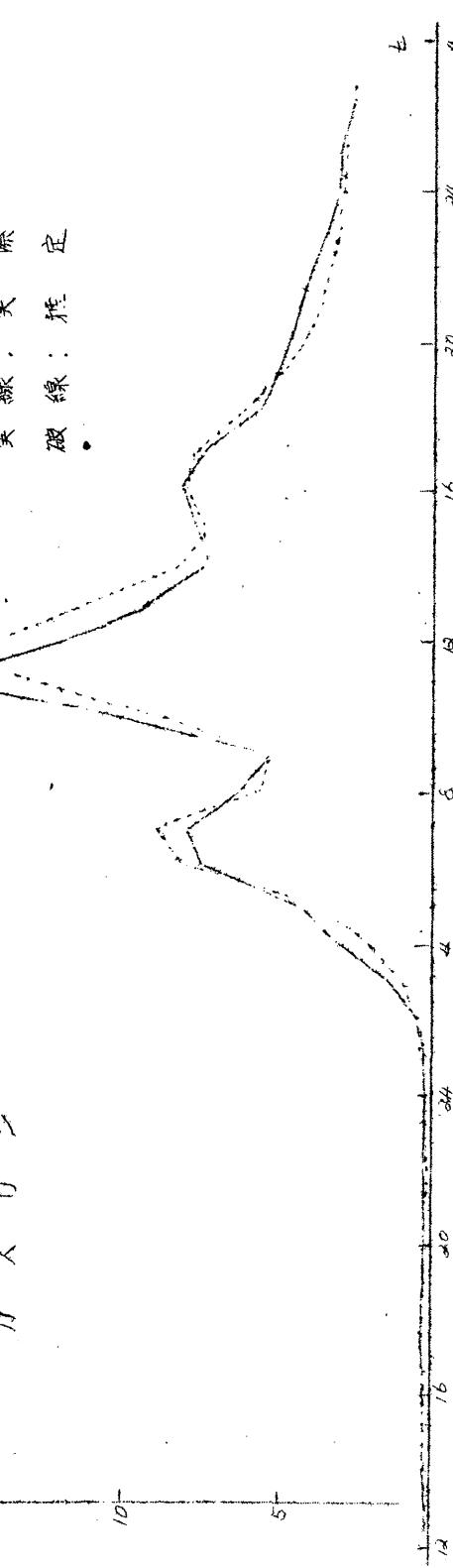
 $\beta = \beta(T_r)$  方式 流量

mm

力 及 U &gt;

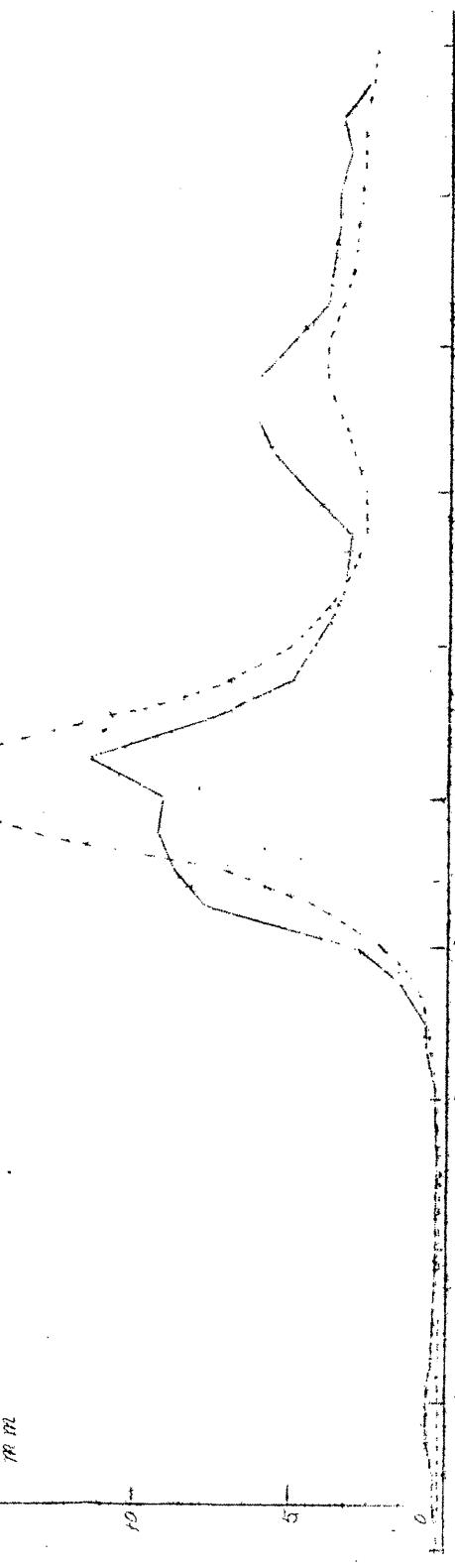
実線： 実際

破線： 植定



ア・イ・才 &gt;

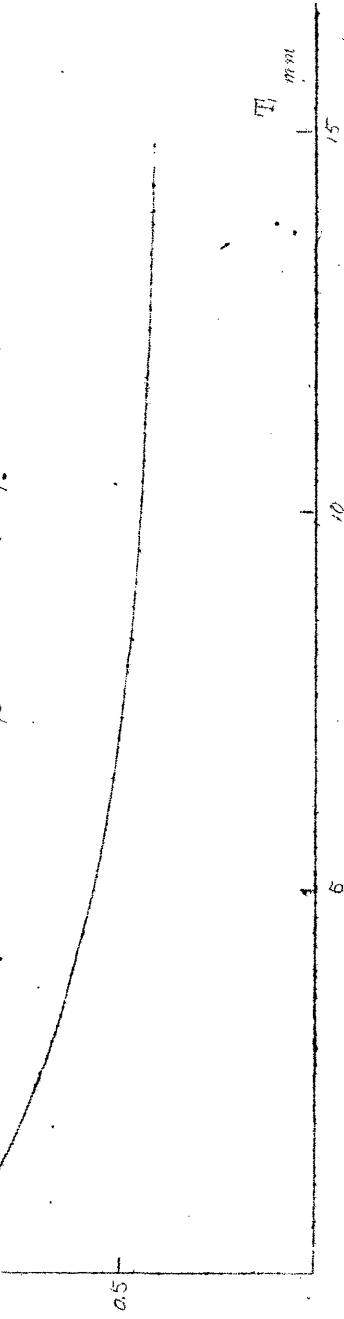
mm



ヰ フ イ



$$\beta = 0.4 + (0.96 - 0.4) e^{-0.1039 T_r}$$



第 4 圖

 $\beta = \beta(\psi)$  式 流量

實線：實際  
破線：推定

