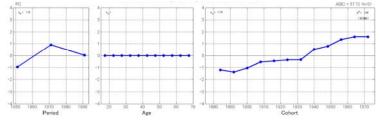
鶴岡言語調査データのコウホート分析

データ科学研究系 教授

背景

- > 鶴岡言語調査
 - □ 国立国語研究所が実施
 - 社会調査型言語調査, 定点経年調査(他に岡崎調査, 北海道調査)
 - □ 鶴岡市における共通言語化に関する調査
 - 第1次調査(1950), 第2次調査(1972), 第3次調査(1991), 第4次調査(2011)
 - 第1次・第2次調査では、統計数理研究所のメンバーも中心的に活動
 - 第4次調査は、統計数理研究所調査科学NOE形成事業の一環の連携研修 調査として
 - □ ランダム・サンプリング調査(RS調査)とパネル調査(P調査)
 - 各調査次で新しいサンプルを得るとともに、過去の調査次の協力サンプル を追跡調査する
- ▶ 共通語化の機序は?
 - □ コウホート効果(世代差)はあるだろう(世代交代による社会全体の変化)
 - □ 時代効果もあるだろう(年齢や世代を問わない個人の変化)
 - □ 年齢効果はあるのか?(加齢に伴って個人は変わるのか. 変わるとすれ ば、共通語を使うようになるのかならないのか)
- ▶ コウホート分析(年齢・時代・世代効果の分離)
 - □ 調査間隔が長すぎること(ほぼ20年間隔)が問題とならないか?
 - コウホート区分を5年幅とすると、各コウホート区分を支えるデータセル数が 少なくなる
 - コウホート区分幅を広げると、支えるデータセルは多くなるが、 効果が一定とする制約がきつくなる

図2. コウホート分析結果([216] スイ「カ」)



▶ データ

- ➤ 第1次から第3次までの鶴岡RS調査
 - □ 各調査年次を1951年, 1971年, 1991年として扱った
- ▶ 年齢区分は, 15~69歳までの5歳幅
 - □ 今回の発表では、男女別には分析していない
- ▶ 分析項目
 - □ 音声31項目, アクセント5項目, 計36項目
 - □ 各項目の共通語にあたる反応の割合(共通語率)

方法

- ▶ ベイズ型ロジット・コウホートモデル
 - 各項目の調査時点別年齢階級別の反応度数に2項分布を仮定 $y_{ij} \sim \text{Binomial}(\pi_{ij}, n_{ij})$

 $\label{eq:log-likelihood:log} \text{Log-likelihood:} \ \log f(y \,|\, \pmb{\pi}) = y' \log \pmb{\pi} + (\pmb{n} - y)' \log (\pmb{1} - \pmb{\pi})$

□ 反応確率のロジットを年齢・時代・世代効果の線形和で表現

Model: $\eta \equiv \log \pi - \log(1 - \pi) = \beta^G \mathbf{1} + X_A \beta^A + X_B \beta^B + X_C \beta^C$

□ コウホート分析の識別問題を克服するため、パラメータの漸進的変化 の条件を事前分布として付加し、ベイズ型モデルを構築

$$\frac{1}{\sigma_A^2} \sum_{i=1}^{I-1} (\beta_i^A - \beta_{i+1}^A)^2 + \frac{1}{\sigma_P^2} \sum_{j=1}^{I-1} (\beta_j^P - \beta_{j+1}^P)^2 + \frac{1}{\sigma_C^2} \sum_{k=1}^{K-1} (\beta_k^C - \beta_{k+1}^C)^2 \longrightarrow \text{small}$$

Prior density : $\pi(\delta \cdot | \sigma)$, Posterior density $\propto f(y | \delta(\pi)) \pi(\delta \cdot | \sigma)$

□ 赤池情報量規準ABIC最小化法により超パラメータを推定

ABIC(
$$\boldsymbol{\sigma}$$
) = $-2\log \int f(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{\delta})\pi(\boldsymbol{\delta}_*|\boldsymbol{\sigma})d\boldsymbol{\delta}_* + 2h$

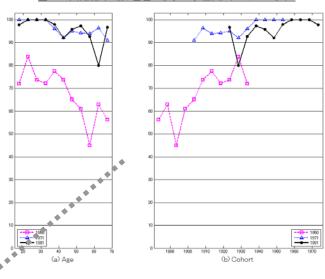
 $[h = \dim(\sigma) + 1 \text{ (number of hyperparameters)}]$

□ パラメータの推定は事後尤度最大化(MAP)による

MAP estimate: $\hat{\delta}(\text{or }\hat{\beta}) = \arg\max_{\delta} f(y|\delta)\pi(\delta_*|\hat{\sigma})$

- ▶ 調査間隔問題
 - □ コウホート区分幅を5~12年と変化させ、ABICによりモデル選択

共通語率【非唇音 】[216] 西瓜(スイ「カ」)



Model: $\log[\pi_{ij}/(1-\pi_{ij})] = \beta^G + \beta_i^A + \beta_j^P + \sum_{i+(j-1)I,k} \beta_k^C$

Zero-sum constraints:
$$\sum_{i=1}^{I} \beta_{i}^{A} = \sum_{i=1}^{J} \beta_{j}^{P} = \sum_{i=1}^{I} \sum_{k=1}^{J} \sum_{k=1}^{K} x_{i+(j-1)J,k}^{C} \beta_{k}^{C} = 0$$

$$X_{A} = \begin{bmatrix} x_{i+(j-1)I,i'}^{A} \end{bmatrix}$$
$$X_{P} = \begin{bmatrix} x_{i+(j-1)I,i'}^{P} \end{bmatrix}$$
$$X_{C} = \begin{bmatrix} x_{i+(j-1)I,k}^{C} \end{bmatrix}$$

 β^G : grand mean $\beta^{A} = (\beta_{1}^{A}, ..., \beta_{L}^{A})'$ $\delta_{i}^{A} = \beta_{i}^{A} - \beta_{i+1}^{A}$ $\delta^{A} = (\delta_{1}^{A}, ..., \delta_{L-1}^{A})'$ β_{i}^{A} : age effect

 $\boldsymbol{\delta}_{i}^{P} = \boldsymbol{\beta}_{i}^{P} - \boldsymbol{\beta}_{i+1}^{P}$ $\boldsymbol{\delta}^{P} = (\boldsymbol{\delta}_{1}^{P}, \dots, \boldsymbol{\delta}_{J-1}^{P})'$

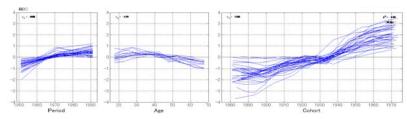
 $\boldsymbol{\beta}^{P} = (\boldsymbol{\beta}_{1}^{P}, \dots, \boldsymbol{\beta}_{J}^{P})'$ β_i^P : period effect $\boldsymbol{\delta}^{C} = (\delta_{1}^{C}, \dots, \delta_{K-1}^{C})'$

 $\boldsymbol{\beta}^{C} = (\boldsymbol{\beta}_{1}^{C}, \dots, \boldsymbol{\beta}_{K}^{C})'$ $\delta_k^C = \beta_k^C - \beta_{k+1}^C$ $oldsymbol{eta}_{\!\scriptscriptstyle k}^{\scriptscriptstyle C}$: cohort effect

 $\delta = (\beta^G, (\delta^A)', (\delta^P)', (\delta^C)')'$ $\sigma = (\sigma_A^2, \sigma_P^2, \sigma_C^2)', \qquad \Sigma = \text{diag}[(\sigma_A^2 \mathbf{1}'_{l-1}), (\sigma_P^2 \mathbf{1}'_{l-1}), (\sigma_C^2 \mathbf{1}'_{K-1})]'$ $\delta_* = ((\delta^A)', (\delta^P)', (\delta^C)')'$

結果

- ▶ 分析結果の重ね描きから
 - □ 音声・アクセント36項目の分析結果



- □ コウホート効果
 - 変化幅が3効果の中で大きい傾向. 新しい世代ほど共通語率が高い
 - 1930年代生まれ以降で上昇が立ち上がる傾向
- □ 時代効果
 - 近年ほど共通語率が上昇傾向(70年代から90年代に下降するものもある)
 - 50年代から70年代の変化が大きい傾向
- □ 年齢効果
 - 存在する. 個人の加齢による変化の他に, 社会移動による割合の変化もあり
 - 30歳前後をピークに共通語率が下降する傾向
- ▶ 調査間隔問題
 - □ コウホート区分幅のモデル選択が機能する
 - □ コウホート効果が大きいと想定される項目であることも幸い

◆ 今後の課題

- ▶ 第4次調査の結果を待って再挑戦
 - □ 男女別データの分析
 - □ コウホート分析結果からみた項目の布置
- ▶ 調査間隔問題への別のアプローチ

文 献

中村 隆 (2005). コウホート分析における交互作用効果モデル再考, 統計数理, 53(1), 103-132. 横山詔一(2011). **言語変化は経年調査データから予測可能か?** 国語研プロジェクトレビュー, 6, 27-37.