

要したが、結局、6大洪水を統一して把握できる宝川方式が確立された。

2. その方式は、流出を、地表流出、中間流出、地下水流出の3層に分け、降雨を定められた規則により3層に振り分け、各層独立に指数函数的に流出させるものである。

降雨の振り分けにもつとも重要な因子は地下浸透能で、これを地下水量に依存させることにした。また、地表流出のためには3本の減水度の異なる指数函数を用意して置き、一定の量の降雨があつたとき、次々に不連続的に流出速度を確躍させることにした。

3. 宝川方式はかなり複雑で、計算にも時間を要するが、流出の模様を概上で表現する有力な基準と認められる。

この方式で、八斗島の洪水量推定をやり直して見たところ、1本の指数函数の場合よりはるかによい結果が得られた。

現在、鬼怒川、北上川の場合を検討中で、このようにいろいろな河川、いろいろな降雨に当てはめて見ることにより、河川の特徴と共に、いっそうよい模様の確立が期待される。

さらに、日単位、月単位の流出模様との関連も考究中で、水文資料の総合的考察が可能になるであろう。

10. 正規分布の絶対積率

鍋谷 清治

$x_1, \dots, x_n, x_{n+1}, \dots, x_{n+p}$ は平均がいずれも0の $n+p$ 変量の正規分布に従うものとし、 $|x_1^p, \dots, x_n^p, x_{n+1}^q, \dots, x_{n+p}^q|$ の平均値(但し p は奇数, q は偶数)を計算するの
に、

$$|x_1^{p_1} \cdots x_\alpha^{p_\alpha} x_{\alpha+1}^{q_1} \cdots x_{\alpha+\beta}^{q_\beta}| = x_1^{p_1} \cdots x_\alpha^{p_\alpha} x_{\alpha+1}^{q_1} \cdots x_{\alpha+\beta}^{q_\beta} \operatorname{sgn}(x_1) \cdots \operatorname{sgn}(x_\alpha)$$

と書き直して

$$\frac{\pi}{2} \operatorname{sgn}(x) = \int_0^{\infty} \frac{\sin tx}{t} dt = \lim_{\substack{\varepsilon \rightarrow 0 \\ T \rightarrow \infty}} \left(\int_{-T}^{-\varepsilon} + \int_{\varepsilon}^T \right) \frac{e^{itx}}{2it} dt$$

を用いれば、

$$\frac{1}{i^{\alpha+\sum p_i + \sum q_i} \pi^{\alpha}} \int \cdots \int_{t_1 \cdots t_\alpha} \left[\frac{\partial^{\sum p_i + \sum q_i} \varphi(t_1, \dots, t_{\alpha+\beta})}{\partial t_1^{p_1} \cdots \partial t_\alpha^{p_\alpha} \partial t_{\alpha+1}^{q_1} \cdots \partial t_{\alpha+\beta}^{q_\beta}} \right]_{t_{\alpha+1} = \cdots = t_{\alpha+\beta} = t} dt_1 \cdots dt_\alpha$$

を計算することになる。但しこの $\varphi(t_1, \dots, t_{\alpha+\beta})$ は $x_1, \dots, x_{\alpha+\beta}$ の特性函数であり、 t に関する多重積分は上記の意味の Cauchy の主値をとるものとする。 $\alpha \leq 3$ ならば初等函数の範囲内でこの計算を行える。

筆者は $\alpha + \beta = 3$ の場合にこの方法で正規分布の絶対値率を計算してある。

11. Asymptotic Properties Of Maximum Likelihood Estimates In The Case Of Several Unknown Parameters.

塩 谷 実

Maximum Likelihood estimators が一般に p 個ある場合 $n \rightarrow \infty$ の時 Consistent であり且つ Asymptotically normal であることはよく知られたことである。

しかし、Consistent であることの証明は Unknown Parameter が 1 個の時は Dugué, A. Wald の論文に見られるが一般