

又ハガキと手紙の間に差があるだろうと思はれるが、これは将来の研究として残された問題である。

結論として調査対象の所在が比較的はつきりしてゐる時は、初めから手紙又は書留郵便を使つて逕求回数を1回又は又回に止めた方が有利であらうし、ノットスホレンスの分析の場合如く所在不確実な時は第1回は葉書で、第2回に手紙又は書留で行けば有利と思はれるが、返信率(回答率)の変動がどの程度であるかわからない。(従つてそのメカニズムが不判明)ので決定的な結論を出すに至らなかつた。

19. 正規分布の一性質について

橋 爪 涉 治

$f(x)$ を密度分布とし、これよりとられた大きさ n の標本 x_1, \dots, x_n において $l = \sum a_{ij} x_i x_j$, $m = \sum b_{ij} x_i x_j$ $A = (a_{ij})$, $B = (b_{ij})$ において、 $AB = 0$ なるすべての l, m について l と m が統計的に独立なら $f(x)$ は正規分布に従うことは古くから知られている。しかして固定された A, B について、この事が云えるであらうか？ 筆者は未だこれの完全な解決を得てないが、もし $f(x)$ と行列 A, B について若干の制限を置けばこれが成立することを論ずる。即ち、 $f(x)$ は原点で0と異なる、Taylor展開可能な偶函数で、 A, B は共に半正値行列、

$$\text{rank } A + \text{rank } B = n$$

かつ、 x_1, \dots, x_n の順序を適当に変へたとき

$$A = \begin{pmatrix} \boxed{\alpha} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & \boxed{\beta} \end{pmatrix}$$

なる様な形をとらないものとする。最後の假定は当然置くべき假定であつて、また実は定理の證明の重要な鍵となるものである。

證明の大體の方法は $f(x)$ の指数函数を Taylor 展開し、4 次以上の高次の係数が 0 に等しいことを次々と帰納法で証明して行く。

われわれは次に一次形式の場合は $f(x)$ について割合されいな假定で出る。即ち $f(x)$ は 3 次迄のモーメントが存在するとして $l = \sum a_i x_i$, $m = \sum b_i x_i$ が独立ならば $\sum a_i b_i = 0$ であらなければならない。また $a_i b_i \neq 0$ なる i がすくなくとも一つ以上存在するならば、 $f(x)$ は正規分布である。

これは l , m 及び l と m の同時分布に対する特性函数を求め、これの函数方程式をとけばよい。詳しくは論文録第 8 巻第 1 号に載る予定である。

20. 昭和 26 年度研究報告

水 野 坦

研究室全体で行つてゐる研究としては、現象予測法研究の立場から行つた。選挙に関する実験調査の集計分析が最大のもので、その結果については一部既に報告されているが、目下尚継続分析中なる事に言及した。尚此他に、読者調査の爲の Sampling 等幾つかの調査の企画並に、Best seller 調査の分析等實際調査の分析検討も行つた事を述べる。

個人的な研究に就ては、昨年八月から十二月迄の約五ヶ月、米国学術會議の S/R 研究の一員として参加した。琉球に於ける、輿論社会調査機構、農米調査機構の整備樹立並に、奄美大島に於ける日本復帰に関する輿論調査、トラホーム調査、労働力調査